

## Schriftliche Abiturprüfung – Grundkursfach – Mathematik

**Inhaltsverzeichnis**

Vorwort.....	1
Material für den Prüfungsteilnehmer.....	2
Allgemeine Arbeitshinweise.....	2
Bewertungsmaßstab.....	2
Prüfungsinhalt.....	2
Pflichtaufgaben.....	2
Teil A: Analysis.....	2
Teil B: Geometrie / Algebra.....	3
Teil C: Stochastik.....	3
Teil D: Wahlaufgaben.....	4
Wahlaufgabe 1.....	4
Wahlaufgabe 2.....	5
Lösungsvorschläge.....	6
Teil A.....	6
Teil B.....	6
Teil C.....	7
Teil W1.....	7
Teil W2.....	8

**Vorwort**

Aus rechtlichen Gründen möchte ich Sie darauf hinweisen, dass Sie sich auf einer **privaten** Seite befinden. Insbesondere ist dies **kein** Produkt des Sächsischen Staatsministeriums für Kultus, welches die Abituraufgaben entwickelt.

*Dies ist die Abschrift der Prüfungsaufgaben 2006, wie sie vom Sächsischen Staatsministeriums für Kultus auf dem Sächsischen Schulserver ([www.sachsen-macht-schule.de](http://www.sachsen-macht-schule.de)) veröffentlicht wurden.*

Außerdem sollten Sie folgendes wissen:

- Lösungen der Aufgaben können auf unterschiedlichen Wegen erreicht werden. Hier finden Sie VORSCHLÄGE zur Lösung und VORSCHLÄGE zur Bewertung, die nicht für die Bewertung Ihres Abiturs herangezogen werden können. Dafür ist jeder prüfende Fachlehrer verantwortlich.
- Ich habe versucht, den grafikfähigen Taschenrechner (GTR – hier TI 82/83/83+) besonders häufig einzusetzen. Damit sollen Möglichkeiten aufgezeigt werden, auch wenn eine Rechnung vielleicht schneller zum Ziel führen würde.
- Eingesetzte Programme finden Sie auf den Mathe-Seiten des sächsischen Schulservers unter [www.sn.schule.de/~matheabi](http://www.sn.schule.de/~matheabi) dokumentiert und anhand von vielen Beispielen erklärt. Insbesondere möchte ich auf eine zusammenfassende Broschüre zu diesem Thema verweisen: [www.sn.schule.de/~matheabi/data/gtrZsfsg.pdf](http://www.sn.schule.de/~matheabi/data/gtrZsfsg.pdf).
- Die **offiziellen** Abituraufgaben werden nach Beendigung der Prüfungsphase auf dem **Sächsischen Schulserver** veröffentlicht.
- Für Nachfragen und Ihre Hinweise stehe ich Ihnen gerne zur Verfügung: **F. Müller** ([mathe@oskar-reime-gymnasium.de](mailto:mathe@oskar-reime-gymnasium.de)) – Mathe-Lehrer.  
Dieses Dokument wurde zuletzt aktualisiert am 14.07.06.
- Wenn Sie Fehler finden oder Ergänzungen haben, teilen Sie mir das bitte mit.

## Material für den Prüfungsteilnehmer

### Allgemeine Arbeitshinweise

Ihre Arbeitszeit (einschließlich der Zeit für das Lesen der Aufgabentexte und der Zeit für die Auswahl der Wahlaufgabe) beträgt 240 **Minuten**.

**Auf dem Deckblatt der Arbeit haben Sie den verwendeten GTR-Typ anzugeben.**

Die Prüfungsarbeit besteht aus den zu bearbeitenden Pflichtteilen **A, B und C** sowie dem **Wahlteil D**. Es sind alle Aufgaben der Pflichtteile zu bearbeiten.

Aus dem Teil D ist **genau eine** der beiden Aufgaben zu bearbeiten.

Der Lösungsweg mit Begründungen, Nebenrechnungen und (bei Konstruktionen) Hilfslinien muss deutlich erkennbar in gut lesbarer Form dargestellt werden.

**Bei Verwendung von GTR-Programmen ist anzugeben, aus welchen Eingabedaten das Programm welche Ausgabedaten berechnet.**

Insgesamt sind 60 Bewertungseinheiten (BE) erreichbar, davon

im Teil A	25 BE,
im Teil B	15 BE,
im Teil C	10 BE,
im Teil D	10 BE.

### Erlaubte Hilfsmittel:

1 Wörterbuch der deutschen Rechtschreibung

1 grafikfähiger, programmierbarer Taschenrechner (GTR) ohne Computer-Algebra-System

1 Tabellen- und Formelsammlung ohne ausführliche Musterbeispiele (im Unterricht eingeführt)

Zeichengeräte

### Bewertungsmaßstab

Pkte.	15	14	13	12	11	10	9	8	7	6	5	4	3	2	1	0
60 BE	60-58	57-55	54-52	51-49	48-46	45-43	42-40	39-37	36-34	33-31	30-28	27-25	24-21	20-17	16-13	12-0

### Prüfungsinhalt

#### Pflichtaufgaben

##### Teil A: Analysis

Gegeben ist eine Funktion  $f$  durch  $y = f(x) = \frac{3x}{2x^2+1}$  ( $x \in D_f$ ).

a) Geben Sie den größtmöglichen Definitionsbereich der Funktion  $f$  an.

Untersuchen Sie das Symmetrieverhalten des Graphen der Funktion  $f$  und geben Sie das Verhalten der Funktion  $f$  im Unendlichen an.

Geben Sie Näherungswerte für die Koordinaten der beiden lokalen Extrempunkte sowie deren Art und Näherungswerte für die Koordinaten der drei Wendepunkte des Graphen der Funktion  $f$  an.

Erreichbare BE-Anzahl: 7

b) Die Tangente  $t$  an den Graphen der Funktion  $f$  im Punkt  $S(\frac{1}{2} \mid f(\frac{1}{2}))$  und der Graph von  $f$  begrenzen eine Fläche vollständig.

Ermitteln Sie einen Näherungswert für den Inhalt dieser Fläche.

Erreichbare BE-Anzahl: 4

- c) Für jedes  $u$  ( $u \in \mathbb{R}$ ;  $u > 0$ ) sind die Punkte  $A(0 \mid 0)$ ,  $B(3 \mid 0)$  und  $C_u(u \mid f(u))$  Eckpunkte eines Dreiecks. Die  $x$ -Koordinate des lokalen Maximumpunktes des Graphen der Funktion  $f$  ist  $x_{\text{MAX}}$ . Begründen Sie, dass der Flächeninhalt des Dreiecks  $ABC_u$  für  $u = x_{\text{MAX}}$  maximal wird. Berechnen Sie alle Werte  $u$ , für die das Dreieck  $ABC_u$  den Flächeninhalt 1 besitzt.  
Erreichbare BE-Anzahl: 5
- d) Zeigen Sie, dass die Funktion  $F$  mit  $F(x) = \frac{3}{4} \ln(2x^2 + 1)$  ( $x \in \mathbb{R}$ ) eine Stammfunktion von  $f$  ist. Der Graph der Funktion  $f$ , die  $x$ -Achse und die Gerade  $x = 2$  begrenzen eine Fläche vollständig. Weisen Sie nach, dass die Gerade  $x = 1$  den Inhalt dieser Fläche halbiert.  
Erreichbare BE-Anzahl: 5
- e) Für jedes  $a$  ( $a \in \mathbb{R}$ ;  $a \neq 0$ ) ist eine Funktion  $g_a$  durch  $g_a(x) = a f(x)$  ( $x \in \mathbb{R}$ ) gegeben. Ermitteln Sie den Wert  $a$ , für den die Tangente an den Graphen der Funktion  $g_a$  an der Stelle  $x = 1$  parallel zur Geraden  $y = x + 2$  verläuft.  
Erreichbare BE-Anzahl: 4

### Teil B: Geometrie / Algebra

In einem kartesischen Koordinatensystem sind die Punkte  $A(5 \mid -1 \mid 0)$ ,  $B(5 \mid 6 \mid 0)$ ,  $C(4 \mid 5 \mid 3)$ ,  $D(4 \mid 0 \mid 3)$  und  $P(-5 \mid 7 \mid 0)$  gegeben. Die Punkte  $A$ ,  $B$ ,  $C$  und  $D$  liegen in ein und derselben Ebene.

- a) Weisen Sie nach, dass das Viereck  $ABCD$  ein gleichschenkliges Trapez ist. Berechnen Sie den Flächeninhalt dieses Trapezes. Auf der Seite  $AB$  des Trapezes  $ABCD$  existiert genau ein Punkt  $F$  so, dass das Viereck  $AFC D$  ein Parallelogramm ist. Ermitteln Sie die Koordinaten des Punktes  $F$ .  
Erreichbare BE-Anzahl: 7
- b) Auf der Geraden durch die Punkte  $A$  und  $D$  existiert genau ein Punkt  $Q$  so, dass das Dreieck  $ABQ$  gleichschenklig mit der Basis  $AB$  ist. Berechnen Sie die Koordinaten des Punktes  $Q$ . Geben Sie einen Näherungswert für die Größe des Basiswinkels  $\alpha$  des Dreiecks  $ABQ$  an.  
Erreichbare BE-Anzahl: 4
- c) Jemand soll die Koordinaten eines auf der Geraden  $g$  durch die Punkte  $B$  und  $P$  liegenden Punktes  $R$  ermitteln, der vom Punkt  $B$  den Abstand  $2\sqrt{101}$  hat. Er schlägt folgende Lösungsschritte vor:

(1) Ermitteln des Vektors  $\vec{BP} = \begin{pmatrix} -10 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix}$ .

(2) Ermitteln des zum Vektor  $\vec{BP}$  gehörenden Einheitsvektors  $\vec{BP}_0 = \frac{1}{\sqrt{101}} \begin{pmatrix} -10 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix}$ .

(3) Verlängern des Vektors  $\vec{BP}_0$  um den Faktor  $2\sqrt{101}$ .

(4) Der so erhaltene Vektor  $\begin{pmatrix} -20 \\ 2 \\ 0 \end{pmatrix}$  ist der Ortsvektor des gesuchten Punktes  $R$ .

Treffen Sie für jeden der Lösungsschritte eine begründete Aussage über seine Richtigkeit und korrigieren Sie gegebenenfalls falsche Schritte.

Erreichbare BE-Anzahl: 4

### Teil C: Stochastik

Das Fahrradfachgeschäft "Flotte Speiche" führt in seinem Angebot ausschließlich die Radtypen Citybike, Mountainbike, Trekkingbike und Rennrad. Aus Erfahrung weiß der Besitzer, dass sich unter den Kaufinteressenten 40% über ein Citybike, 35% über ein

Mountainbike, 2% über ein Rennrad und die restlichen über ein Trekkingbike informieren. Dabei informiert sich jeder Interessent nur über genau einen Fahrradtyp.

a) Berechnen Sie die Wahrscheinlichkeit folgender Ereignisse:

A: Von zwei aufeinanderfolgenden Interessenten informiert sich der erste über ein Mountainbike und der zweite über ein Citybike.

B: Von 20 Interessenten informieren sich mindestens 8 über ein Citybike.

C: Von aufeinanderfolgenden Interessenten informiert sich erstmals der siebente über ein Trekkingbike.

Erreichbare BE-Anzahl: 4

b) Berechnen Sie, wie viele Kaufinteressenten sich mindestens informieren müssen, damit die Wahrscheinlichkeit dafür, dass sich wenigstens eine Person über ein Rennrad informiert, mehr als 90% beträgt.

Erreichbare BE-Anzahl: 2

c) Jeder zweite Interessent kauft - unabhängig vom Fahrradtyp - dann auch bei dem Fahrradfachhändler den Fahrradtyp, über den er sich informiert hat. Dabei gelten bei diesem Händler folgende durchschnittliche Preise:

Citybike	300,00 €
Mountainbike	350,00 €
Trekkingbike	400,00 €
Rennrad	1000,00 €

Ermitteln Sie, welche Einnahme je Interessent der Händler erwarten kann. Durch Erhöhung des durchschnittlichen Preises für ein Citybike möchte der Händler die Einnahme je Interessent um 4% steigern.

Bestimmen Sie den erhöhten durchschnittlichen Preis für ein Citybike. Erreichbare BE-Anzahl: 4

## Teil D: Wahlaufgaben

Wählen Sie genau eine der folgenden Aufgaben zur Bearbeitung aus.

### Wahlaufgabe 1

Von einem rechteckigen Spiegel ist ein Stück abgebrochen. Die Bruchlinie kann in einem gedachten kartesischen Koordinatensystem näherungsweise durch eine quadratische Parabel, die in einem Eckpunkt des Rechtecks ihren Scheitelpunkt hat, beschrieben werden (Maße siehe Skizze).

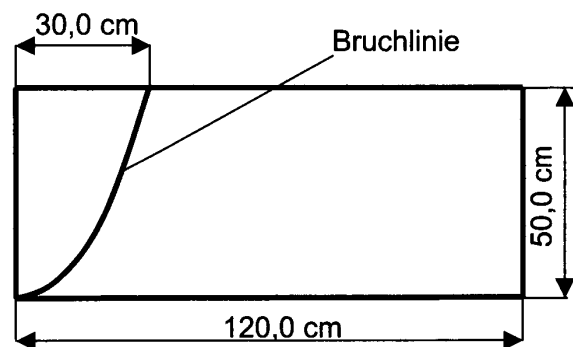


Abbildung 1: Skizze (nicht maßstäblich)

a) Ermitteln Sie einen Näherungswert für den prozentualen Anteil des Flächeninhalts des kleineren Bruchstücks vom Flächeninhalt des ursprünglichen Spiegels. Erreichbare BE-Anzahl: 4

b) Aus dem kleineren der beiden Bruchstücke soll ein rechteckiger Spiegel mit möglichst großem Flächeninhalt hergestellt werden.

Ermitteln Sie Näherungswerte für die Abmessungen dieses Spiegels.

Erreichbare BE-Anzahl: 3

c) Aus dem großen Bruchstück soll ein trapezförmiger Spiegel mit möglichst großem Flächeninhalt hergestellt werden.

Ermitteln Sie einen Näherungswert für diesen größtmöglichen Flächeninhalt.

Erreichbare BE-Anzahl: 3

**Wahlaufgabe 2**

Die Deutsche Lebensrettungsgesellschaft führt eine Übung durch. Dazu soll ein Rettungsschwimmer vom Fuß eines Beobachtungsturms am Strand geradlinig zum Ufer rennen und anschließend wiederum geradlinig zu einer Boje, die einen Verunglückten simulieren soll, schwimmen.

In einem gedachten kartesischen Koordinatensystem (1 Einheit entspricht 1 Meter) steht der Fußpunkt des Beobachtungsturms im Koordinatenursprung. Die Boje befindet sich im Punkt  $B(60 \mid 295)$ .

Die im interessierenden Abschnitt annähernd geradlinig verlaufende Uferlinie kann durch die Gerade  $g$  durch die Punkte  $P_1(0 \mid 64)$  und  $P_2(195 \mid 220)$  beschrieben werden.

Die als konstant angenommenen Geschwindigkeiten des Rettungsschwimmers betragen am Strand  $6,4 \text{ m/s}$  und im Wasser  $1,6 \text{ m/s}$ .

- a) Im Vorfeld der Übung diskutieren die Rettungsschwimmer unterschiedliche Rettungsstrategien.  
Strategie I: Wahl des kürzesten Weges zwischen Beobachtungsturm und Boje  
Strategie II: Lauf zu dem Punkt der Uferlinie, der zur Boje die kürzeste Entfernung besitzt und anschließendes Schwimmen zur Boje  
Ermitteln Sie für beide Strategien Näherungswerte für die benötigte Zeit. Erreichbare BE-Anzahl: 6
- b) Ziel des Einsatzes ist es, in kürzester Zeit zur Boje zu gelangen.  
Ermitteln Sie einen Näherungswert für diese Zeit sowie Näherungswerte für die Koordinaten des Punktes der Uferlinie, in dem der Rettungsschwimmer ins Wasser müsste. Erreichbare BE-Anzahl: 4

## Lösungsvorschläge

### Teil A

- a) größtmöglicher Definitionsbereich:  $D_f = \mathbb{R}$

Symmetrieuntersuchung:  $f(-x) = -f(x)$

Aussage zur Symmetrie: Punktsymmetrie

Verhalten im Unendlichen:  $\lim_{x \rightarrow \pm\infty} f(x) = 0$

Koordinaten und Art der lokalen Extrempunkte:  $P_{\max}(0,71 \mid 1,06)$ ,  $P_{\min}(-0,71 \mid -1,06)$

Wendestellen

Koordinaten der Wendepunkte:  $P_{W1}(-1,22 \mid -0,92)$ ,  $P_{W2}(0 \mid 0)$ ,  $P_{W3}(1,22 \mid 0,92)$

- b) Ansatz für Gleichung der Tangente:  $y = f'(1/2)x + f(1/2) - f'(1/2) \cdot 1/2$

Gleichung der Tangente:  $t(x) = y = \frac{2}{3} \cdot (x+1)$

Ansatz für Flächeninhalt:  $A = \int_{-2}^{\frac{1}{2}} t(x) - f(x) dx$

Flächeninhalt:  $A \approx 1,76$

4 BE

- c) Begründung (2 BE): der Flächeninhalt hängt von der Grundseite und der Höhe ab. Die Grundseite bleibt immer gleich lang, also ist bei maximaler Höhe der größte Flächeninhalt erreicht. Die maximale Höhe ist  $f(x_{\max})$

Flächeninhalt in Abhängigkeit von  $u$ :  $A(u) = 1/2 \cdot 3 \cdot f(u)$

Ansatz für Werte  $u$ :  $A(u) = 1$

Werte  $u$ :  $u_1 = 1/4$ ;  $u_2 = 2$

5 BE

- d) Nachweis für Stammfunktion (2 BE):  $F'(x) = f(x)$  mit Kettenregel

Flächeninhalt:  $\int_0^2 f(x) dx = \frac{3}{2} \ln(3)$

Nachweis (2 BE):  $\int_0^1 f(x) dx = \frac{3}{4} \ln(3)$  folglich trifft die Aussage zu

5 BE

- e) allgemeiner Ansatz:  $a \cdot f'(1) = 1$

Variante I: GTR mit  $Y1 = f(x)$

`solve(nDerive(A*Y1(X), X, 1) - 1, A, -2) → -3`

Variante II:

Ansatz für erste Ableitung: nach Faktorregel gilt  $g'_a(x) = a \cdot f'(x)$

erste Ableitung

Ansatz für Wert  $a$ : siehe allgemeiner Ansatz

Wert  $a$ :  $a = -3$

4 BE

### Teil B

- a) Nachweis für Trapez (2 BE):  $\overline{AB} \parallel \overline{CD}$  wegen  $\begin{pmatrix} 0 \\ 7 \\ 0 \end{pmatrix} = -\frac{7}{5} \begin{pmatrix} 0 \\ -5 \\ 0 \end{pmatrix}$

Nachweis für Gleichschenkligkeit:  $|\vec{AD}| = |\vec{BC}| = \sqrt{11}$

Ansatz für Flächeninhalt: z. B.  $A = F_{\triangle ABD} + F_{\triangle CBD}$  und weiter mit GTR: `prgmGEOMETRI` |  
Dreieck oder Abstandsberechnung  $D$  und  $g_{AB}$  mit GTR: `prgmGEOMETRI`

Flächeninhalt:  $A = 6 \cdot \sqrt{10}$

Ansatz für Koordinaten des Punktes F:  $\vec{AF} = \vec{DC}$  bzw.:  $\vec{OF} = \vec{OA} - \vec{DC}$

Koordinaten des Punktes F: F(5 | 4 | 0)

7 BE

- a) eine Gleichung der Geraden durch die Punkte A und D:  $g_{AD}: \vec{x} = \vec{OA} + \lambda \cdot \vec{AD} \quad (\lambda \in \mathbb{R})$

Ansatz für Koordinaten des Punktes Q:

Variante I

I:  $Q \in g_{AD}$

II:  $|\vec{AQ}| = |\vec{BQ}|$  oder  $AQ^2 = BQ^2$

führt zu

I\*:  $\vec{OQ} = \vec{OA} + \lambda_Q \cdot \vec{AD}$

I\* in II:  $\lambda_Q^2 \vec{AD}^2 = (\vec{AB} + \lambda_Q \vec{AD})^2$

und  $11\lambda_Q^2 = 11\lambda_Q^2 - 14 \cdot \lambda_Q + 49 \Rightarrow \lambda_Q = \frac{7}{2}$  und mit  $\vec{OQ} = \vec{OA} + \frac{7}{2} \cdot \vec{AD}$

Variante II: weil das Trapez gleichschenkelig ist, gilt:  $Q = g_{AD} \cap g_{BC}$

weiter mit GTR: prgmGeometri | Schnittpunkte | Gerade-Gerade und Eingabe der Punkte

Koordinaten des Punktes Q:  $Q\left(\frac{3}{2} \mid \frac{5}{2} \mid \frac{21}{2}\right)$

Größe des Basiswinkels  $\alpha: \alpha \approx 72,5^\circ$

4 BE

- b) begründete Aussage zur Richtigkeit eines der Lösungsschritte (1) bis (3)

begründete Aussage zur Richtigkeit aller Lösungsschritte (1) bis (3)

begründete Aussage zur Falschheit des Lösungsschrittes (4)

Korrektur des Lösungsschrittes (4):

z. B.  $\vec{OR} = \vec{OB} \pm 2\sqrt{101} \cdot \vec{BP}_0$  ergibt  $R_1(-15 \mid 8 \mid 0)$  oder  $R_2(25 \mid 4 \mid 0)$

4 BE

### Teil C

- a) Wahrscheinlichkeit des Ereignisses A:  $P(A) = .1400$

Wahrscheinlichkeit des Ereignisses B:  $P(B) \approx .5841$

Wahrscheinlichkeit für einen Trekkingbike-Interessenten

Wahrscheinlichkeit des Ereignisses C:  $P(C) = \overline{p_{Trekking}}^6 \cdot p_{Trekking} \approx .0479$

4 BE

- b) Ansatz für Anzahl: z. B.:  $1 - (1 - p_{Rennrad})^n > 90\%$

Anzahl: 114 Interessenten

2 BE

- c) Wahrscheinlichkeiten für Kauf der jeweiligen Fahrradtypen:  $p_{Radtyp}^* = \frac{1}{2} p_{Radtyp}$

Erwartungswert:  $E = 177,25 \text{ €}$

Ansatz für erhöhten Preis:  $p_{Citybike}^* \cdot \text{Aufschlag} = 4\% \text{ von } E$

erhöhter Preis für ein Citybike: 335,45 €

4 BE

### Teil W1

- a) Ansatz für Gleichung der Parabel:

$y = ax^2$  (wegen Symmetrie und Parabel durch Koordinatenursprung) mit P(30 | 50)

Gleichung der Parabel:  $y = f(x) = \frac{1}{18}x^2$

Flächeninhalt des kleineren Bruchstücks:  $A = 30 \cdot 50 - \int_0^{30} f(x) dx = 1000$

prozentualer Anteil:  $p \approx 16,7\%$

4 BE

- b) Ansatz für Zielfunktion:  $A(u) = u \cdot (50 - f(u))$

GTR:  $fMax(X(50 - X^2/18), X, 0, 30) \rightarrow 17.32$

Zielfunktion

Maße des Spiegels: 17,3 cm x 33,3 cm

3 BE

- c) Der Flächeninhalt des Trapezes hängt von der Höhe und von der Länge der Mittellinie ab. Da die Höhe gleich bleibt, muss die Mittellinie  $m$  maximal werden. Die Tangente ist also in der Höhe  $y = 25$  cm anzulegen. Der dazu passende  $x$ -Wert ist 21,21 cm und der Flächeninhalt  $F_{\text{Trapez}} = m \cdot h = (120 - 21,21) \cdot 50 \approx 4939 \text{ cm}^2$ .

Ansatz einer Gleichung der Tangente in einem beliebigen Punkt der Bruchlinie

Zielfunktion

größtmöglicher Flächeninhalt:  $A \approx 4\,940 \text{ cm}^2$

3 BE

**Teil W2**

- a) Schnittpunkt zwischen Uferlinie und Wegelinie: mit GTR  
S(15.54 | 76.44)

Ansatz für Zeit:  $t = \frac{\overline{OS}}{6,4} + \frac{\overline{SB}}{1,6}$

Zeit für Strategie I:  $t_1 \approx 152 \text{ s}$

Ansatz für Lotfußpunkt:

mit GTR prgmGEOMETRI | Abstände  $\rightarrow$  L(149,3 | 183,4)  
und  $\overline{LB} \approx 142,9$

Lotfußpunkt

Zeit für Strategie II:  $t_2 \approx 126 \text{ s}$

6 BE

- b) Ansatz für Zielfunktion:  $t = \frac{\overline{OP}}{6,4} + \frac{\overline{PB}}{1,6}$  mit

$P \in g_{P_1, P_2}: y = \frac{4}{5}x + 64$

Zielfunktion:

$$t(x) = \frac{\sqrt{\left(\frac{4}{5}x + 64\right)^2 + x^2}}{6,4} + \frac{\sqrt{\left(295 - \left(\frac{4}{5}x + 64\right)\right)^2 + (60 - x)^2}}{1,6}$$

weiter mit GTR:

$Y1 = 4/5 * x + 64$

$Y2 = \sqrt{(Y1^2 + X^2)} / 6.4 + \sqrt{((295 - Y1)^2 + (60 - X)^2)} / 1.6$

fMin(Y2, X, 0, 200)  $\rightarrow$  121.4

Y2 (Ans)  $\rightarrow$  123.6

Minimale Zeit:  $t_{\min} \approx 124 \text{ s}$

Koordinaten des Punktes: P (121 | 161)

4 BE

